

LINGUAGENS FORMAIS E AUTÔMATOS

Prova 1 - 08/04/2011 - Prof. Marcus Ramos

- Cada resposta correta vale 0,5 ponto;
- Cada resposta errada anula uma resposta correta;
- Qquestões não respondidas não assinalam pontos;
- As questões 10,11, 17 e 18 devem ser respondidas no verso da prova;
- As demais questões devem ser respondidas no espaço apropriado.

01) Seja  $A=\{1\}$ ,  $B=\{2\}$ . Então,  $2^A \times 2^B$  é igual a:

- \_\_\_\_\_  $\{\emptyset, \{(1,2)\}\}$   
 X \_\_\_\_\_  $\{(\emptyset, \emptyset), (\emptyset, \{2\}), (\{1\}, \emptyset), (\{1\}, \{2\})\}$   
 \_\_\_\_\_  $\{(1,1), (1,2), (2,1), (2,2)\}$   
 \_\_\_\_\_  $\{(\emptyset, \{2\}), (\{1\}, \{2\})\}$

02) Seja  $|A|=2$  e  $|B|=3$ . Então,  $|A \times 2^A \times B \times 2^B|$  é igual a:

- \_\_\_\_\_ 191  
 \_\_\_\_\_ 144  
 X \_\_\_\_\_ 192  
 \_\_\_\_\_ 18

03) Sejam A e B,  $A \subset B$ . Então:

- \_\_\_\_\_ Se A e B forem ambos infinitos, então eles tem cardinalidades diferentes  
 X \_\_\_\_\_ Se A e B forem ambos finitos, então eles tem cardinalidades diferentes  
 \_\_\_\_\_ A e B tem cardinalidades diferentes sempre  
 \_\_\_\_\_ A e B tem a mesma cardinalidade sempre

04) Se A e B tem a mesma cardinalidade, então:

- \_\_\_\_\_  $A=B$   
 X \_\_\_\_\_ Existe uma bijeção entre A e B  
 \_\_\_\_\_  $(A \subseteq B)$  e  $(B \subseteq A)$   
 \_\_\_\_\_ Existe uma função bijetora de A para B mas não existe de B para A.

05) Um conjunto A é dito infinito:

- \_\_\_\_\_ Se ele possui a mesma cardinalidade do conjunto dos números naturais  
 \_\_\_\_\_ Se ele possui um subconjunto qualquer com a mesma cardinalidade  
 X \_\_\_\_\_ Se ele possui um subconjunto próprio com a mesma cardinalidade  
 \_\_\_\_\_ Se ele possui a mesma cardinalidade do conjunto dos números reais

06)  $\varepsilon$ ,  $\emptyset$ ,  $\{\varepsilon\}$  e  $\{\emptyset\}$  denotam, respectivamente:

- \_\_\_\_\_ O conjunto vazio, a cadeia vazia, o conjunto unitário formado pelo conjunto vazio e o conjunto unitário formado pela cadeia vazia  
 \_\_\_\_\_ A cadeia vazia, o conjunto formado pela cadeia vazia, o conjunto vazio e o conjunto unitário formado pelo conjunto vazio  
 \_\_\_\_\_ O conjunto unitário formado pela cadeia vazia, o conjunto unitário formado pelo conjunto vazio, a cadeia vazia e o conjunto vazio

X\_\_\_\_\_ A cadeia vazia, o conjunto vazio, o conjunto unitário formado pela cadeia vazia e o conjunto unitário formado pelo conjunto vazio

07) Linguagem formal infinita é:

- \_\_\_\_\_ Um conjunto finito de cadeias de comprimento infinito sobre um alfabeto finito
- \_\_\_\_\_ Um conjunto finito de cadeias de comprimento finito sobre um alfabeto infinito
- X\_\_\_\_\_ Um conjunto infinito de cadeias de comprimento finito sobre um alfabeto finito
- \_\_\_\_\_ Um conjunto infinito de cadeias de comprimento infinito sobre um alfabeto finito

08) Considere os símbolos ☺, ☹ e ☹. Então:

- \_\_\_\_\_ {☺, ☹, ☹} é uma cadeia, ☹☹☹ é um alfabeto e {☺, ☹, ☹} é uma linguagem
- \_\_\_\_\_ ☹☹☹ é uma cadeia, {} é um alfabeto e {☹☹☹, ☹☹, ☹} é uma linguagem
- \_\_\_\_\_ ☹ é uma cadeia, {☹☹☹, ☹☹} é um alfabeto e ☹☹☹ é uma linguagem
- X\_\_\_\_\_ ☹ é uma cadeia, {☹} é um alfabeto e {☹} é uma linguagem

09) Sejam G uma gramática e M um reconhecedor. Então, se  $L(G) \neq L(M)$ :

- \_\_\_\_\_ Toda cadeia gerada por G é aceita por M
- \_\_\_\_\_ Toda cadeia aceita por M é gerada por G
- \_\_\_\_\_ Toda cadeia gerada por G é aceita por M e toda cadeia aceita por M é gerada por G
- X\_\_\_\_\_ Existe pelo menos uma cadeia gerada por G que não é aceita por M ou então uma cadeia aceita por M que não é gerada por G

10) Seja  $G = (\{a, b, c, d, X, S, T\}, \{a, b, c, d\}, P, S)$ , com  $P = \{S \rightarrow XaXaS, S \rightarrow XdT, T \rightarrow XaXaT, T \rightarrow XaX, X \rightarrow Xb, X \rightarrow Xc, X \rightarrow \varepsilon\}$ . Descreva  $L(G)$  informalmente, com suas próprias palavras e também através de exemplos. Seja claro e conciso.

*As cadeias dessa linguagem tem o formato  $\alpha d \beta$ , onde  $\alpha$  contém uma quantidade par de símbolos "a" e  $\beta$  contém uma quantidade ímpar de símbolos "a". Os demais símbolos de  $\alpha$  e  $\beta$  são "b" e "c".*

11) Considere a linguagem L descrita informalmente:  $\{w \in \{a, b, c, d\}^* \mid \text{o símbolo "b" nunca aparece imediatamente à esquerda de um símbolo "a"}\}$ . Exemplos:  $ba \notin L(G)$ ,  $bca \in L(G)$ . Apresente G tal que  $L = L(G)$ .

$S \rightarrow Ta$	$T \rightarrow Sc$
$S \rightarrow Sb$	$T \rightarrow Sd$
$S \rightarrow Sc$	$T \rightarrow Ta$
$S \rightarrow Sd$	$T \rightarrow \varepsilon$
$S \rightarrow \varepsilon$	

12) Conjunto regular é:

- \_\_\_\_\_ Um conjunto qualquer de cadeias obtidas a partir de um alfabeto finito
- \_\_\_\_\_ O mesmo que expressão regular
- \_\_\_\_\_ Uma forma de representação de linguagens válida apenas para linguagens infinitas
- X\_\_\_\_\_ Qualquer conjunto obtido pelo uso exclusivo das operações de fechamento, união e concatenação sobre um alfabeto

13) A expressão regular que representa a linguagem da questão 10 é:

\_\_\_\_\_  $((b|c)^*a(b|c)^*a(b|c)^*a(b|c)^*a(b|c)^*a)^*d(b|c)^*$

- $((b|c)^*a(b|c)^* a)^* (b|c)^*a(b|c)^*d((b|c)^*a(b|c)^* a)^*(b|c)^*$   
  $((b|c)^*a(b|c)^* a)^* (b|c)^*d((b|c)^*a(b|c)^* a)^* (b|c)^*a(b|c)^*$   
  $((b|c)^*a(b|c)^*a)^*d((b|c)^*|(b|c)^*a(b|c)^*)$

14) A expressão  $(a^*|aa^*)(a|\epsilon)$  é equivalente a:

- $aaaa^*$   
  $aa^*$   
  $a^*$   
  $\epsilon|a$

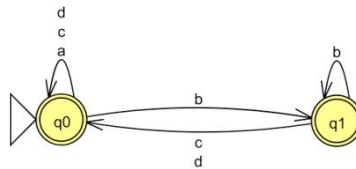
15) Seja M um autômato finito determinístico com função de transição total e uma cadeia de entrada w qualquer. Assinale a alternativa FALSA:

- w será esgotada se  $w \notin L(M)$   
 M pára num estado final se  $w \in L(M)$   
 M aceita w se M passar algum estado final  
 w será esgotada se  $w \in L(M)$

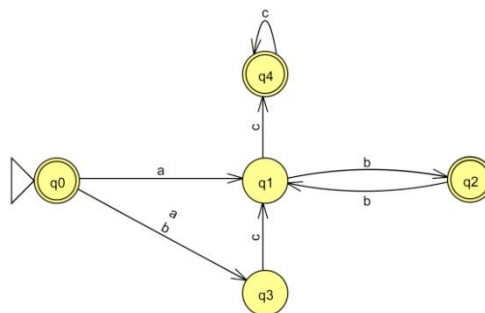
16) Seja M um autômato finito não-determinístico. Se M pára numa configuração não-final após uma série de movimentações com a cadeia w, então:

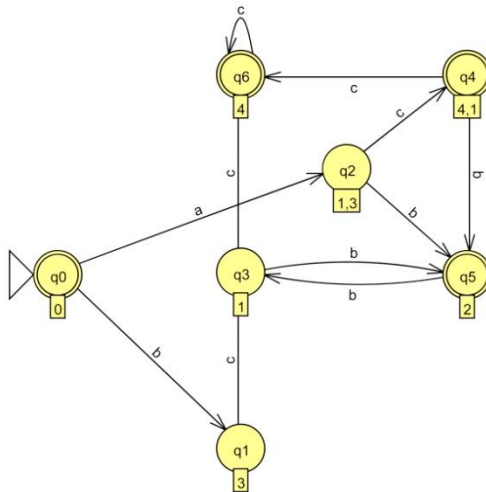
- w é rejeitada por M  
 w é rejeitada por M se todas as demais configurações de parada forem finais  
 w é aceita por M apenas se alguma das demais configurações de parada for final  
 w é aceita por M apenas se w tiver sido esgotada

17) Obtenha um autômato finito para a linguagem especificada na questão 11.



18) Obtenha um autômato finito determinístico equivalente ao autômato:





19) Seja  $M$  um autômato finito com transições em vazio com  $\Sigma=\{a,b\}$  tal que  $\delta(q_0,\varepsilon)=q_1$  e  $\delta(q_0,a)=q_2$  e  $\delta(q_1,\varepsilon)=q_2$ . Se a configuração corrente for  $(q_0,aabb)$ , então a próxima configuração:

- será necessariamente  $(q_2,abb)$
- será necessariamente  $(q_1,aabb)$
- poderá ser  $(q_2,abb)$  ou  $(q_2,aabb)$
- X  poderá ser  $(q_2,abb)$  ou  $(q_1,aabb)$

20) Suponha  $M$  tal que  $\delta: Q \times (\Sigma \cup \{\varepsilon\}) \rightarrow Q$ . A operação de  $M$ , no caso geral:

- será sempre determinística
- será sempre não-determinística
- X  será determinística apenas se as transições em vazio, se houverem, forem únicas no respectivo estado de origem
- será determinística apenas se não houverem transições em vazio